

1. Racionalizar el denominador de las siguientes fracciones:

$$(a) \frac{2}{\sqrt{6}} \quad (b) \frac{2}{\sqrt[3]{ab^2}} \quad (c) \frac{1}{\sqrt[3]{a} \sqrt[4]{b^5}}$$

Respuesta: (a) $\frac{\sqrt{6}}{3}$ (b) $\frac{2\sqrt{a^2b}}{ab}$ (c) $\frac{\sqrt[3]{a^2} \sqrt[4]{b^3}}{ab^2}$

2. Racionalizar el denominador en cada expresión:

$$(a) \frac{7}{\sqrt{52} - \sqrt{3}}$$

$$(e) \frac{x^2}{\sqrt{x^2 + 9} + 3}$$

$$(b) \frac{x + \sqrt{2}}{x - \sqrt{2}}$$

$$(f) \frac{x^2 - y^2}{3\sqrt[3]{x} - 2\sqrt[3]{y}}$$

$$(c) \frac{\sqrt{6}}{\sqrt{2} + \sqrt{3} - \sqrt{5}}$$

$$(g) \frac{\sqrt{6}}{\sqrt{2} + \sqrt{3} - \sqrt{5}}$$

$$(d) \frac{\sqrt{t} + 5}{\sqrt{t} - 5}$$

Respuesta:

$$(a) \frac{\sqrt{52} + \sqrt{3}}{7}$$

$$(b) \frac{x^2 + 2\sqrt{2}x + 2}{x^2 - 2}$$

$$(c) \frac{\sqrt{2} + \sqrt{3} + \sqrt{5}}{2}$$

$$(d) \frac{(\sqrt{t} + 5)^2}{t - 25}$$

$$(f) \frac{(x^2 - y^2)(9\sqrt[3]{x^2} + 6\sqrt[3]{xy} + 4\sqrt[3]{y^2})}{27x - 8y}$$

$$(g) \frac{\sqrt{2} + \sqrt{3} + \sqrt{5}}{2}$$

3. Racionalizar el numerador en cada expresión:

$$(a) \frac{\sqrt{x^2 + 1} + \sqrt{x^2 + 3}}{2}$$

$$(d) \frac{\sqrt{x} + 3}{\sqrt[3]{x} - 7}$$

$$(b) \frac{\sqrt[3]{x} - 2}{x}$$

$$(e) \frac{b^2 + \sqrt{b - 1}}{x}$$

$$(c) \frac{\sqrt[3]{x^2} + \sqrt[3]{2xy} + \sqrt[3]{4y^2}}{x - 2y}$$

$$(f) \frac{\sqrt[3]{1 - a^3} + 2}{(g) \frac{\sqrt[3]{x^2} + \sqrt[3]{2xy} + \sqrt[3]{4y^2}}{x - 2y}}$$

Respuesta:

$$(a) \frac{1}{\sqrt{x^2 + 3} - \sqrt{x^2 + 1}}$$

$$(b) \frac{x - 8}{x(\sqrt[3]{x^2} + 2\sqrt[3]{x} + 4)}$$

$$(c) \frac{1}{\sqrt[3]{x} - \sqrt[3]{2y}}$$

$$(d) \frac{x - 9}{(\sqrt[3]{x} - 7)(\sqrt{x} - 3)}$$

$$(e) \frac{b^4 - b + 1}{x(b^2 - \sqrt{b - 1})}$$

$$(f) \frac{9 - a^3}{\sqrt[3]{(1 - a^3)^2} - 2\sqrt[3]{1 - a^3} + 4}$$

$$(g) \text{Sol: } \frac{1}{\sqrt[3]{x} - \sqrt[3]{2y}}$$